

streg - パラメトリックモデル 【 評価版 】

streg は最尤法を用いたパラメトリックな生存時間分析機能を提供します。

1. パラメトリックモデル	
2. 基本的な用例	Example 1
	Example 2
	Example 3
3. 複数 failure 事象	Example 4
	Example 5
4. モデルの選択	Example 6
5. 補助パラメータのパラメータ化	Example 7
6. 層化推定	Example 8
	Example 9
7. 非共用 frailty モデル	Example 10
8. 共用 frailty モデル	Example 11



Stata14 で新たにサポートされた xtstreg, mestreg コマンドについてはそれぞれ [XT] xtstreg (*mwp-247*), [ME] mestreg (*mwp-249*) をご参照ください。

1. パラメトリックモデル

パラメトリックモデルの場合には、ハザード関数、もしくは誤差分布の形状について関数形を明示した上で推定を行うこととなります。生存時間をパラメータ化する流儀にはいくつかありますが、streg コマンドでは PH モデル (proportional hazards model) と AFT モデル (accelerated failure-time model) の 2 種類に対応しています。

(1) PH モデル

この流儀ではハザード関数を

$$h(t) = h_0(t)g(\mathbf{x}) \quad (1)$$

のようにモデル化します。Cox 比例ハザードモデルの場合、 $h_0(t)$ については何も規定せずとも推定が行えたわけですが、パラメトリックモデルの場合には $h_0(t)$ について関数形を規定します。streg では次の 3 種類の PH モデルがサポートされています。

■ 指数モデル

モデル式 (1) において

$$h_0(t) = 1, \quad g(\mathbf{x}) = \exp(\beta' \mathbf{x}) \quad (2)$$

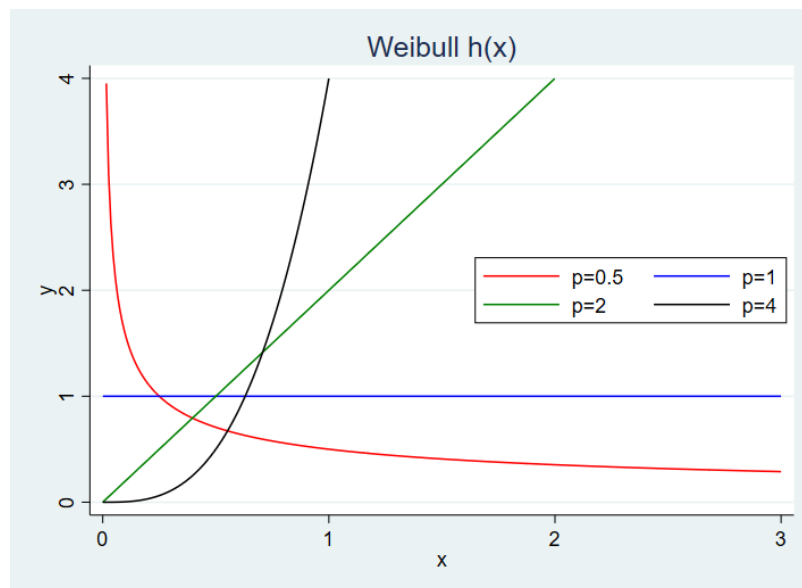
とモデル化するもので、Weibull モデルの $p = 1$ の場合に相当します。

■ Weibull モデル

モデル式 (1) において

$$h_0(t) = pt^{p-1}, \quad g(\mathbf{x}) = \exp(\beta' \mathbf{x}) \quad (3)$$

とモデル化するもので、補助パラメータ p も推定対象となります。ハザード関数の関数形状は次のようになります。

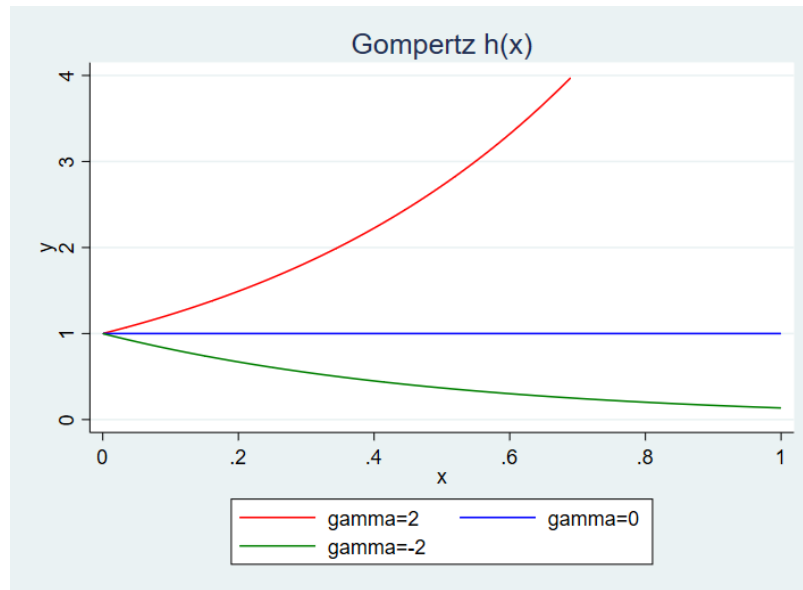


■ Gompertz モデル

モデル式 (1) において

$$h_0(t) = \exp(\gamma t), \quad g(\mathbf{x}) = \exp(\beta' \mathbf{x}) \quad (4)$$

とモデル化するもので、補助パラメータ γ も推定対象となります。ハザード関数の関数形状は次のようになります。



(2) AFT モデル

評価版では割愛しています。

2. 基本的な用例

▷ Example 1: Weibull – PH モデル

[ST] `streg` の Example 1 には Example データセット `kva.dta` を用いた用例が紹介されています。

```
. use http://www.stata-press.com/data/r16/kva.dta *1
(Generator experiment)
```

このデータセット中には発電機の耐久試験の結果が記録されています。

```
. list failtime load bearings *2
```

	failtime	load	bearings
1.	100	15	0
2.	140	15	1
3.	97	20	0
4.	122	20	1
5.	84	25	0
6.	100	25	1
7.	54	30	0
8.	52	30	1
9.	40	35	0
10.	55	35	1
11.	22	40	0
12.	30	40	1

`load` は過負荷の量を、`bearings` は新しいタイプのベアリングを装着していたか否かを表す変数であり、`failtime` が故障が発生するまでの経過時間を意味しています。このデータセットは `failtime` を時間変数とする形で既に `stset` が済んでいます。

*1 メニュー操作 : File ▷ Example Datasets ▷ Stata 16 manual datasets と操作、Survival Analysis Reference Manual [ST] の `streg` の項よりダウンロードする。

*2 メニュー操作 : Data ▷ Describe data ▷ List data

```
. st
```

```
. st
-> stset failtime,

      failure event: (assumed to fail at time=failtime)
obs. time interval: (0, failtime]
exit on or before: failure
```

このデータセットに対して Weibull(PH) モデルを前提とした形で streg を実行してみます。

- Statistics ▷ Survival analysis ▷ Regression models ▷ Parametric survival models と操作
- Model タブ: Independent variables: load bearings
Survival distribution and parameterization: Weibull PH

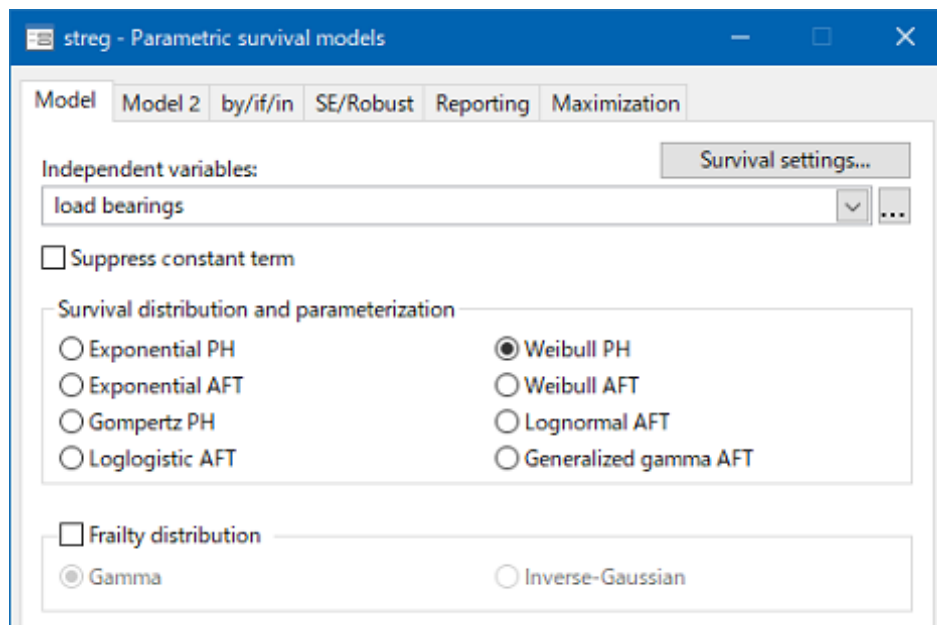


図1 streg ダイアログ- Model タブ

```
. streg load bearings, distribution(weibull)

      failure _d: 1 (meaning all fail)
analysis time _t: failtime

Fitting constant-only model:

Iteration 0: log likelihood = -13.666193
Iteration 1: log likelihood = -9.7427276
Iteration 2: log likelihood = -9.4421169
Iteration 3: log likelihood = -9.4408287
Iteration 4: log likelihood = -9.4408286
```

Fitting full model:

```
Iteration 0: log likelihood = -9.4408286
Iteration 1: log likelihood = -2.078323
Iteration 2: log likelihood = 5.2226016
Iteration 3: log likelihood = 5.6745808
Iteration 4: log likelihood = 5.6934031
Iteration 5: log likelihood = 5.6934189
Iteration 6: log likelihood = 5.6934189
```

Weibull PH regression

```
No. of subjects =          12          Number of obs   =          12
No. of failures =          12
Time at risk   =          896
Log likelihood = 5.6934189
LR chi2(2)     =          30.27
Prob > chi2    =          0.0000
```

_t	Haz. Ratio	Std. Err.	z	P> z	[95% Conf. Interval]	
load	1.599315	.1883807	3.99	0.000	1.269616	2.014631
bearings	.1887995	.1312109	-2.40	0.016	.0483546	.7371644
_cons	2.51e-20	2.66e-19	-4.26	0.000	2.35e-29	2.68e-11
/ln_p	2.051552	.2317074	8.85	0.000	1.597414	2.505691
p	7.779969	1.802677			4.940241	12.25202
1/p	.1285352	.0297826			.0816192	.2024193

Note: _cons estimates baseline hazard.

[ST] `stcox` (*mwp-023*) の Example 1 では同じモデルを `stcox` によってフィットさせたわけですが、推定結果を対比させてみると次のようになります。

	ハザード比推定値	
	load	bearings
<code>stcox</code>	1.53	0.06
<code>streg</code>	1.60	0.19

`streg` の場合、ベースラインハザード関数の推定もフィットされており、Weibull 分布の形状パラメータが $\hat{p} = 7.78$ と推定されています。この結果からすると、100 時間経過後のベアリングは 10 時間経過後のベアリングに比べ、1,000,000 倍 $((100/10)^{7.78-1})$ 以上こわれやすいことがわかります。 ◁

▷ Example 2: 係数値出力

streg はデフォルトの場合、ハザード比の値を出力してきます。推定された係数値を $\hat{\beta}$ としたとき、 $\exp(\hat{\beta})$ の値がハザード比推定値として表示されているわけです。直接係数の推定値 $\hat{\beta}$ を出力させたい場合には次のようにコマンド入力します。

```
. streg, nohr
```

```
. streg, nohr
```

Weibull PH regression

No. of subjects = 12 Number of obs = 12
 No. of failures = 12
 Time at risk = 896 LR chi2(2) = 30.27
 Log likelihood = 5.6934189 Prob > chi2 = 0.0000

_t	Coef.	Std. Err.	z	P> z	[95% Conf. Interval]	
load	.4695753	.1177884	3.99	0.000	.2387143	.7004363
bearings	-1.667069	.6949745	-2.40	0.016	-3.029194	-.3049443
_cons	-45.13191	10.60663	-4.26	0.000	-65.92053	-24.34329
/ln_p	2.051552	.2317074	8.85	0.000	1.597414	2.505691
p	7.779969	1.802677			4.940241	12.25202
1/p	.1285352	.0297826			.0816192	.2024193

この場合は引数を何も指定していないので表示の切替えのみで出力が得られます。Reporting タブ上の Do not report hazard ratios という項目を指定しても同じ結果が得られますが、その場合には推定が再実行される形になります。 ◀

▷ Example 3: Weibull – AFT モデル

評価版では割愛しています。

3. 複数 failure 事象

評価版では割愛しています。

4. モデルの選択

評価版では割愛しています。

5. 補助パラメータのパラメータ化

評価版では割愛しています。

6. 層化推定

評価版では割愛しています。

7. 非共用 frailty モデル

評価版では割愛しています。

8. 共用 frailty モデル

評価版では割愛しています。

